

## Test a risposta multipla

1.

$$y = \frac{x-2}{x+2} \quad \text{in } x_0 = -2$$

- a) discontinuità di prima specie  discontinuità di seconda specie  
c) discontinuità di terza specie  continua.

2.

$$y = \frac{x^3 + 8}{x + 2} \quad \text{in } x_0 = -2$$

- a) discontinuità di prima specie  discontinuità di seconda specie  
 discontinuità di terza specie  continua.

3.

$$y = \frac{\sqrt{x+1} - \sqrt{3}}{x-2} \quad \text{in } x_0 = 2$$

- a) discontinuità di prima specie  discontinuità di seconda specie  
 discontinuità di terza specie  continua.

4.

$$y = \frac{\sqrt{x^2 - x^4}}{x} \quad \text{in } x_0 = 0$$

- discontinuità di prima specie  discontinuità di seconda specie  
c) discontinuità di terza specie  continua.

5.

$$y = \frac{\sqrt{x^2}}{x} \quad \text{in } x_0 = 0$$

- discontinuità di prima specie  discontinuità di seconda specie  
c) discontinuità di terza specie  continua.

6.

La funzione  $y = f(x)$  per cui sia

$$f'(c) = 0, \quad f''(c) = 0,$$

presenta in  $c$

- a) un massimo  un minimo  
c) un probabile flesso a tangente verticale  un probabile flesso a tangente orizzontale.

7.

La funzione  $y = f(x)$  per cui sia

$$f'(c) \neq 0, \quad f''(c) = 0, \quad f'''(c) < 0$$

presenta in  $c$

- a) un massimo  un flesso a tangente obliqua discendente  
c) un flesso a tangente obliqua ascendente  un flesso a tangente orizzontale.

8.

La funzione  $y = f(x)$ , per cui sia  $f'(c) < 0$ ,  $f''(c) = 0$ ,  $f'''(c) > 0$ , presenta in  $c$

- a) un punto angoloso  un probabile flesso a tangente obliqua  
c) un minimo  un probabile flesso a tangente orizzontale.

9.

La funzione  $y = f(x)$ , per cui sia  $f(c) = 0, f'(c) = 0, f''(c) > 0$ , presenta in  $c$

- a) un massimo ~~b) un minimo~~  
c) un flesso a tangente orizzontale d) un flesso a tangente obliqua.

10.

Se la funzione  $y = f(x)$  nel punto di ascissa  $c$  del suo dominio è tale che  $f'(c)$  non esiste,  $\lim_{x \rightarrow c^-} f'(x) = l_1$ ,  $\lim_{x \rightarrow c^+} f'(x) = l_2$ , con  $l_1$  e  $l_2$  finiti e tali che  $l_1 \neq l_2$ , allora in  $c$  si ha

- a) una cuspid ~~b) un punto angoloso~~  
c) un flesso a tangente verticale d) un asintoto verticale.

11.

Se per la funzione  $y = f(x)$ , avente dominio  $(-\infty; c) \cup (c; +\infty)$ , si ha che  $f'(c)$  non esiste,  $\lim_{x \rightarrow c^-} f'(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow c^+} f'(x) = +\infty$  allora in  $c$  la funzione presenta

- a) un flesso a tangente verticale b) una cuspid  
c) un asintoto verticale ~~d) né a), né b) né c).~~

12.

Se la funzione  $y = f(x)$ , di dominio  $\mathbb{R}$ , presenta  $f'(c) = f''(c) = 0$  allora essa ammette in  $c$

- ~~a) un probabile flesso a tangente orizzontale~~ b) un probabile flesso a tangente verticale  
c) un probabile flesso a tangente obliqua d) una cuspid.

13.

Se la funzione  $y = f(x)$ , di dominio  $\mathbb{R}$ , presenta  $\lim_{x \rightarrow c^-} f'(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow c^+} f'(x) = +\infty$ , allora essa ammette in  $c$

- ~~a) una cuspid~~ b) un asintoto verticale  
c) un flesso a tangente verticale d) né a), né b) né c).

14.

Se la funzione  $y = f(x)$ , di dominio  $\mathbb{R}$  presenta  $f(c) < 0, f'(c) > 0, f''(c) = 0$ , allora essa ammette in  $c$

- a) una discontinuità di prima specie b) un punto angoloso  
c) un minimo ~~d) un probabile flesso a tangente obliqua.~~

15.

Esaminando la funzione  $f(x) = \frac{x^3}{x^2+1}$  si può dire che:

- a) è pari ~~b) è dispari~~ c) è né pari né dispari d) Il suo grafico è simmetrico rispetto all'asse  $y$   
a) ha per dominio  $]0; +\infty[$  b) ha per dominio  $\mathbb{R} - \{\pm 1\}$  c) è sempre positiva ~~d) è sempre crescente~~  
a) ha due asintoti verticali b) ha un asintoto orizzontale c) ha un asintoto verticale ~~d) ha un asintoto obliquo~~  
a) ha un massimo e un minimo ~~b) ha un flesso a tangente orizzontale~~ c) ha una cuspid

16.

Esaminando la funzione  $f(x) = \frac{x}{x^2+x+1}$  si può dire che:

- a) è pari b) è dispari ~~c) è né pari né dispari~~ d) Il suo grafico è simmetrico rispetto all'origine  
~~a) il dominio è  $\mathbb{R}$~~  b) è sempre positiva c) non interseca l'asse  $x$  d) non interseca l'asse  $y$   
a) ha due asintoti verticali ~~b) ha un asintoto orizzontale~~ c) non ha asintoti orizzontali o verticali  
a) è sempre crescente b) è crescente per  $x > -1$  c) è pari ~~d) è continua in  $\mathbb{R}$~~

17.

Se la funzione  $y = f(x)$ , di dominio  $\mathbb{R}$  presenta  $f(c) < 0, f'(c) > 0, f''(c) = 0$ , allora essa ammette in  $c$

- a) una discontinuità di prima specie b) un punto angoloso  
c) un minimo ~~d) un probabile flesso a tangente obliqua.~~

18.

Esaminando la funzione  $f(x) = \frac{(x+1)^3}{x^2}$  si può dire che:

- a) è pari    b) è dispari    ~~c) è né pari né dispari~~    d) Il suo grafico è simmetrico rispetto all'asse y  
a) il dominio è  $\mathbb{R}$     b) è sempre positiva    c) non interseca l'asse x    ~~d) non interseca l'asse y~~  
~~a) ha un asintoto verticale~~    b) ha un asintoto orizzontale    c) non ha asintoti orizzontali o verticali

19.

Il limite  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} =$

A:  $+\infty$

B: non esiste

~~C: 0~~

D:  $\infty$

20.

La retta  $y = k$  è un asintoto orizzontale per la funzione  $y = f(x)$  se :

A :  $\lim_{x \rightarrow k} f(x) = \infty$

B :  $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = k$

~~C :  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = k$~~

D :  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$

21.

Sia  $y = f(x)$  una funzione definita in un intervallo  $[a, b]$  e sia  $x_0$  un punto di tale intervallo.

Si dice che  $x_0$  è un punto di massimo relativo (proprio) per  $f(x)$  se:

A: esiste un intorno I di  $x_0$  contenuto in  $[a, b]$  tale che  $\forall x \in I$  si ha che  $f(x) \geq f(x_0)$

~~C: esiste un intorno I di  $x_0$  contenuto in  $[a, b]$  tale che  $\forall x \in I$  si ha che  $f(x) < f(x_0)$~~

C: esiste un intorno I di  $x_0$  contenuto in  $[a, b]$  tale che  $\forall x \in I$  si ha che  $f(x) \leq f(x_0)$

D: esiste un intorno I di  $x_0$  contenuto in  $[a, b]$  tale che  $\forall x \in I$  si ha che  $f(x) > f(x_0)$

22.

Quale fra le seguenti scritte non rappresenta una forma di indeterminazione :

~~C:  $\frac{\infty}{0}$~~

B:  $\frac{0}{0}$

C:  $\frac{\infty}{\infty}$

D:  $+\infty - \infty$

23.

Quale fra le seguenti scritte rappresenta una forma di indeterminazione :

A:  $\frac{\infty}{0}$

B:  $\frac{0}{\infty}$

~~C:  $\frac{\infty}{\infty}$~~

D:  $-\infty - \infty$

24.

Il limite  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \log_8 x =$

A: 0

~~B:  $+\infty$~~

C:  $-\infty$

D: Non esiste

25.

Il limite  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \log_{0,7} x =$

A: 0

B:  $+\infty$

~~C:  $-\infty$~~

D: Non esiste

26.

Il limite  $\lim_{x \rightarrow -\infty} 4^x =$

~~C: 0~~

B:  $+\infty$

C:  $-\infty$

D: Non esiste

27.

Il limite  $\lim_{x \rightarrow +\infty} 0,6^x =$

~~C: 0~~

B:  $+\infty$

C:  $-\infty$

D: Non esiste

28.

La funzione  $f(x) = \frac{2-3x}{3-x}$  ha nel punto  $x = 3$  :

- A : ha una discontinuità di I<sup>a</sup> specie
- C : ha una discontinuità di III<sup>a</sup> specie

- ~~B~~ : ha una discontinuità di II<sup>a</sup> specie
- D : è continua

29.

La funzione  $f(x) = \frac{2x-10}{x-5}$  ha nel punto  $x = 5$  :

- A : ha una discontinuità di I<sup>a</sup> specie
- ~~B~~ : ha una discontinuità di III<sup>a</sup> specie

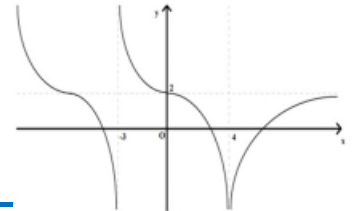
- B : ha una discontinuità di II<sup>a</sup> specie
- D : è continua

30.

Dall'analisi del grafico della funzione rappresentata:

- A:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$  ~~B~~:  $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = -\infty$  C:  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$  D:  $\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x) = +\infty$

- A:  $\lim_{x \rightarrow 4^-} f(x) = +\infty$  ~~B~~:  $\lim_{x \rightarrow 4^+} f(x) = -\infty$  C:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$  D:  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = +\infty$



31.

Il dominio della funzione  $y = \frac{3-5x}{x^2+4x-12}$  è :

- A :  $(-\infty, +\infty)$  B :  $\{\forall x \in R / x \neq -6, x \neq 2\}$

- C :  $\emptyset$  ~~D~~ :  $\{\forall x \in R / x \neq -6, x \neq 2\}$

32.

Gli asintoti della funzione  $f(x) = \frac{x}{x^3+8}$  sono:

A : Non ha asintoti

B :  $x = -2$

~~C~~ :  $x = -2$  e  $y = 0$

D :  $x = -2$  e  $y = \frac{1}{8}$

33.

La derivata della funzione  $f(x) = \frac{x^5}{e^x}$  è :

~~A~~ :  $\frac{5x^4 - x^5}{e^x}$

B:  $\frac{5x^4 - x^5 \cdot e^x}{e^{2x}}$

C:  $\frac{5x^4 \cdot e^x - x^5 \cdot e^x}{e^x}$

D:  $\frac{5x^4 \cdot e^x + x^5 \cdot e^x}{e^{2x}}$

34.

Sia  $y = f(x)$  una funzione definita in  $[a, b]$  e continua in  $x_0$ , decrescente nell'intervallo  $[a, x_0]$  e crescente nell'intervallo  $(x_0, b]$ , allora la funzione

- a) Ha un massimo nel punto  $x_0$  ~~B~~ Ha un minimo nel punto  $x_0$  c) Ha un massimo in b
- d) Non ha massimi e minimi in  $[a, b]$  e) Ha un minimo in a

35.

La funzione  $y = \left(\frac{2}{3}\right)^{-x}$  è definita

~~A~~  $\forall x \in R$

b)  $\forall x \in R, x \neq 0$

c)  $\forall x \in R, x > 0$

d)  $\forall x \in R, x \geq 0$

36.

La derivata prima di  $y = e^{(x-1)^2}$  è

- ~~A~~  $y' = 2(x-1) e^{(x-1)^2}$  b)  $y' = (x-1) e^{(x-1)^2}$  c)  $y' = 2x e^{(x-1)^2}$  d)  $y' = 2e^{(x-1)^2}$

37.

Sia  $y = f(x)$  una funzione reale di una variabile reale e sia  $x_0 \in R$ .

Se la funzione diverge a  $+\infty$ , sia a sinistra che a destra del punto  $x_0$  allora...

~~A~~  $X = x_0$  è un asintoto verticale b)  $X = +x_0$  e  $X = -x_0$  sono asintoti verticali

c)  $Y = 0$  è un asintoto orizzontale d)  $X_0$  è un punto di massimo relativo della funzione

38.

La funzione  $y = \frac{x^2 + 1}{9 - x^2}$  risulta positiva

- a)  $\forall x \in R$    b)  $x < -3, x > 3$    ~~c)  $-3 < x < 3$~~    d)  $-3 < x < -1, 1 < x < 3$

39.

Le intersezioni della funzione  $f(x) = \frac{x-2}{2x-2}$  con gli assi cartesiani sono:

- A(1;0); B(0;1)    A(0;-1); B(1;0)    A(1;0); B(0;2)    ~~A(0;1); B(2;0)~~

40.

Il valore del limite seguente  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3 + x - 5}{2x^2 + 1}$  è

- $+\infty$      $\frac{1}{2}$      $-5$     ~~$-\infty$~~

41.

La derivata prima della funzione  $y = \frac{x^3 - 1}{2x}$  è

- $y' = \frac{2x^3 - 1}{2x^2}$     ~~$y' = \frac{2x^3 + 1}{2x^2}$~~      $y' = \frac{x^3 + 2}{x^2}$      $y' = \frac{4x^3 + 2}{2x^2}$

42.

La funzione reale di variabile reale  $y = \frac{2x-3}{x-4}$  in  $x = 4$ :

- presenta una discontinuità eliminabile    è continua  
 presenta una discontinuità di seconda specie    presenta una discontinuità di prima specie

43.

Il punto di massimo assoluto di una funzione è definito intuitivamente come:

- il punto di ascissa e ordinata massima    il punto di ordinata massima  
 il punto di ascissa massima    il punto di ascissa massima e ordinata positiva

44.

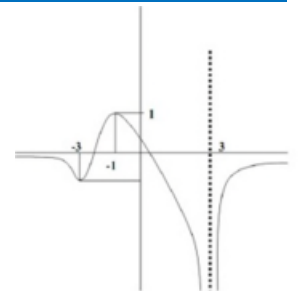
La funzione  $y = \sqrt{x}$  nel punto  $x = 0$ :

- non è continua né derivabile    è continua, ma non derivabile    è derivabile ma non continua    è continua

45.

Dall'analisi del grafico ricava in modo qualitativo le seguenti informazioni circa l'andamento della funzione rappresentata:

- il campo di esistenza;
- gli eventuali punti di discontinuità e la specie
- $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ;  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ ;
- le equazioni degli eventuali asintoti;
- gli intervalli in cui la funzione è crescente e gli eventuali punti di massimo e di minimo relativi.
- gli eventuali punti di flesso



46.

Quale delle seguenti funzioni possiede un minimo relativo:

- $y = 3x + 5$      $y = 2x^2 + 3x$      $y = -\frac{5}{x}$      $y = -5 + 3x$

47.

La funzione  $y = 3x^2 + 12x - 5$  nell'intervallo  $[2,4]$  possiede:

- un minimo relativo    un massimo relativo    due massimi relativi    nessun massimo o minimo

48.

La funzione  $y = \frac{x}{x+1}$  è:

- ha un massimo in  $x = 1$     ha un massimo in  $x = 0$     ha un minimo in  $x = 0$     non presenta massimi e minimi

49.

La funzione  $y = e^{\sqrt{x}}$ :

- è sempre crescente       ha un minimo assoluto in  $x = 0$   
 è sempre decrescente       ha un massimo relativo in  $x = 0$

50.

Sia  $f'(3) = 0$  ed  $f''(x) > 0$  negli intervalli  $]1; 3[$  e  $]3; 4[$ . Per  $x = 3$  vi è:

- un minimo       un massimo       un flesso a tangente orizzontale       un flesso a tangente verticale

51.

Quale dei seguenti punti è un punto di massimo per la funzione  $f(x) = 4x - x^2$ ?

- $x = 0$         $x = 2$         $x = 4$        la funzione non ha massimi

52.

Sia  $f''(-1) = 0$  ed  $f'(x) > 0$  negli intervalli  $] -2; -1[$  e  $] -1; 0[$ . Per  $x = -1$  vi è:

- un flesso ascendente       un flesso discendente       un flesso a tangente orizzontale  
 un flesso a tangente verticale       non vi è flesso

53.

Quale dei seguenti punti è un punto di flesso per la funzione  $f(x) = 6x - x^3$ ?

- $x = 0$         $x = 2$         $x = 4$         $x = 6$        non ci sono flessi

54.

La funzione  $y = e^{-x^2}$  ha:

- un massimo nel punto 0       un minimo nel punto 0  
 un flesso a tangente orizzontale nel punto 0       non ha punti stazionari

55.

La funzione  $y = \frac{x^3}{x+1}$  ha:

- un massimo nel punto 0       un minimo nel punto 0  
 un flesso a tangente orizzontale nel punto 0       non ha punti stazionari

56.

Il dominio della funzione  $y = \frac{x^2 + 7x + 12}{5x - 10}$  è dato dall'insieme:

- $\mathbb{R} - \{-2\}$         $\mathbb{R} - \{2\}$         $\mathbb{R}$         $\mathbb{R} - \{5\}$

57.

La derivata seconda di  $y = \ln(x+2)$  è:

- $y'' = \ln(x+2)$ .        $y'' = \frac{1}{x+2}$         $y'' = \frac{1}{(x+2)^2}$         $y'' = -\frac{1}{(x+2)^2}$

58.

I punti di flesso della funzione  $y = \ln(x+2)$  sono:

- $x = 2$         $x = -2$         $x = 1$         $x = -1$        Non ci sono flessi

59.

Gli asintoti della funzione  $y = \frac{\ln x}{x}$  sono:

- $x = 0, y = 0$         $x = 1, y = -1$         $x = 0, y = 1$        Non ci sono asintoti

60.

Gli asintoti della funzione  $y = \frac{e^x}{x}$  sono:

- $x = 0$  destro,  $y = 0$  sinistro e destro        $x = 0$  destro e sinistro,  $y = 0$  destro e sinistro  
  $x = 0$  destro e sinistro,  $y = 0$  ~~destro~~ sinistro        $x = 0$  sinistro,  $y = 0$  destro